# TPAHCIOPI

ИННОВАЦИОННАЯ МОДЕЛЬ ИНФОРМАЦИОННО-ЛОГИСТИЧЕСКОГО ЦЕНТРА

ОБОСНОВАНИЕ ЭКОНОМИЧЕСКОЙ ЦЕЛЕСООБРАЗНОСТИ УСКОРЕНИЯ КОНТЕЙНЕРНЫХ ПЕРЕВОЗОК

КОНЦЕПЦИЯ СОЗДАНИЯ ТОРМОЗНЫХ СИСТЕМ НОВОГО ПОКОЛЕНИЯ ДЛЯ ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОГО ТРАНСПОРТА

ЗАЩИТА ОТ ПЕРЕЖОГА ИЗОЛИРУЮЩЕГО СОПРЯЖЕНИЯ ПРИ ПОДАЧЕ НАПРЯЖЕНИЯ НА ОТКЛЮЧЕННЫЙ И ЗАЗЕМЛЕННЫЙ УЧАСТОК КОНТАКТНОЙ СЕТИ С ПОСТОМ СЕКЦИОНИРОВАНИЯ



TRANSPORT OF THE URAL SCIENTIFIC JOURNAL

# SCIENTIFIC JOURNAL OF THE URAL

## **МЕЖДУНАРОДНЫЙ РЕДАКЦИОННЫЙ СОВЕТ**

- 1. Александр Ефимов, профессор, главный редактор журнала «Транспорт Урала», Екатеринбург, Россия
- 2. Александер Сладковски, д-р техн. наук, профессор, Силезский технический университет, Польша
- 3. Эдуард Горкунов, д-р техн. наук, профессор, член-кор. РАН, Россия
- 4. Аксель Шмидер, д-р, «Сименс АГ», отраслевой сектор, департамент транспорта «Железнодорожное строительство», Эрланген, Германия
- 5. Эрки Хамалайнен, доктор экон. наук, университет Аалто, Школа экономики, Финляндия
- 6. Валерий Доманский, д-р техн. наук, профессор Национального технического университета «Харьковский политехнический институт», Харьков, Украина

## РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ

- 1. Асадченко Виталий Романович, д-р техн. наук, профессор, научный редактор, Екатеринбург
- 2. Боровских Александр Михайлович, канд. техн. наук, профессор, Екатеринбург
- 3. Галиев Ильхам Исламович, д-р техн. наук, профессор, Омск
- 4. Грицык Валерий Иванович, д-р техн. наук, профессор, Ростов
- 5. Козлов Петр Алексеевич, д-р техн. наук, профессор, Москва
- 6. Комаров Константин Леонидович, д-р техн. наук, профессор, Новосибирск
- 7. Лапшин Василий Федорович, д-р техн. наук, профессор, Екатеринбург
- 8. Ларин Олег Николаевич, д-р техн. наук, профессор, Челябинск
- 9. Ледяев Александр Петрович, д-р техн. наук, профессор, Санкт-Петербург
- 10. Резник Леонид Григорьевич, д-р техн. наук, профессор, Тюмень
- 11. Румянцев Сергей Алексеевич, д-р техн. наук, с.н.с., Екатеринбург
- 12. Сай Василий Михайлович, д-р техн. наук, профессор, зам. главного редактора, Екатеринбург
- 13. Смольянинов Александр Васильевич, д-р техн. наук, профессор, Екатеринбург
- 14. Туранов Хабибулла Туранович, д-р техн. наук, профессор, Екатеринбург
- 15. Умняшкин Владимир Алексеевич, д-р техн. наук, профессор, Ижевск
- 16. Хоменко Андрей Павлович, д-р техн. наук, профессор, Иркутск

### INTERNATIONAL EDITORIAL BOARD

- 1. Alexander Efimov, professor, editor-in-chief of the journal «Ural Transport», Ekaterinburg, Russia
- 2. Aleksander Sladkowski, professor, Silesian University of Technology, Poland
- 3. Eduard Gorkunov, DSc, professor, corresponding member of Russian Academy of Sciences, Russia
- 4. Axel Schmieder, DSc, Siemens AG, Industry Sector, Mobility Division, Transportation Engineering, Erlangen, Germany
- 5. Erkki Hamalainen, DSc, Aalto University School of Economics, Finland
- 6. Valery Domansky, DSc, professor of National technical University «Kharkiv politechnical institute», Kharkiv, Ukraine

### **EDITORIAL BOARD**

- 1. Asadchenko Vitaly Romanovich, DSc, professor, scientific editor, Ekaterinburg
- 2. Aleksandr Mikhailovich Borovskikh, PhD, Professor, Ekaterinburg
- 3. Galiev Ilkham Islamovich, DSc, professor, Omsk
- 4. Gritsyk Valery Ivanovich, DSc, professor, Rostov
- 5. Kozlov Petr Alekseevich, DSc, professor, Moscow
- 6. Komarov Konstantin Leonidovich, DSc, professor, Novosibirsk
- 7. Lapshin Vasily Fedorovich, DSc, professor, Ekaterinburg
- 8. Larin Oleg Nikolaevich, DSc, professor, Chelvabinsk
- 9. Ledyaev Alexandr Petrovich, DSc, professor, Saint-Petersburg
- 10. Reznik Leonid Grigorievich, DSc, professor, Tumen
- 11. Rumyantsev Sergey Alekseevich, DSc, senior staff scientist, Ekaterinburg
- 12. Say Vasily Mikhailovich, DSc, professor, deputy editor-inchief, Ekaterinburg
- 13. Smolyaninov Alexandr Vasilievich, DSc, professor, Ekaterinburg
- 14. Turanov Khabibulla Turanovich, DSc, professor, Ekaterinburg
- 15. Umnyashkin Vladimir Alekseevich, DSc, professor, Izhevsk
- 16. Khomenko Andrey Pavlovich, DSc, professor, Irkutsk



9	

Іюнь
$\leq$
_
-1
Ф
=
Ð
р
⋖

_	
ОБЩИЕ ВОПРОСЫ ТРАНСПОРТА	GENERAL TRANSPORT PROBLEMS
Самуйлов В.М., Фирстов С.В., Правдин С.С. / <b>Инновационная модель информационно-</b> логистического центра	Samuilov V.M., Firstov S.V., Pravdin S.S. / Innovation model of information-logistic center
Бабенко Э.Г., Кузьмичев Е.Н., Лихачев Е.А. / Разработка шихты электродов на основе комплексного использования минерального сырья для восстановления деталей железнодорожного транспорта	Babenko E.G., Kuzmichev E.N., Likhachev E.A. / <b>Development of electrode's batch mixture</b> on the base of complex minerals' use for details' renovation of railway transport
Миронов В.И., Емельянов И.Г., Якушев А.В., Лукашук О.А. / <b>Разработка экспресс-метода для</b> контроля свойств вагонных сталей	Mironov V.I., Emelyanov I.G., Yakushev A.V., Lukashuk O.A. / Development of rapid method for car steel quality control
Зубков В.В., Смольянинов А.В. / Концепция взаимодействия региональных дирекций инфраструктуры на границах железных дорог	Zubkov V.V., Smoljaninov A.V. / Concept of interaction of infrastructure regional boards on railway borders
Давыдов А.В., Островский А.М., Пикалин Ю.А. / <b>Планирование модернизации и</b> реконструкции предприятий транспортного машиностроения	Davydov A.V., Ostrovsky A.M., Pikalin Yu.A. / Stability of transport system functioning as a method for management organization
Аккерман Г.Л., Аккерман С.Г. / Организационное структурирование обеспечения безопасной эксплуатации транспортной инфраструктуры	Akkerman G.L., Akkerman S.G. / Organizational structuring of providing safe transport infrastructure exploitation
ВАГОНЫ И ВАГОННОЕ ХОЗЯЙСТВО	RAILWAY CARS AND FACILITIES
Эдгар Бланко Виана / <b>Моделирование акустики колеса методом конечных элементов</b> с применением элементов бесконечного типа (на англ.)	Viana E.B. / Wheel acoustic simulation: development of a fem model with infinite elements
	Krotov S.V., Sładkowski A. / Factor analysis of bearing capacity calculation of railcar's wheel set
Бачурин Н.С., Балашков А.В., Попкова А.А. / Особенности работы буксового подвешивания с упруговключенным фрикционным гасителем колебаний тележки пассажирского вагона	Bachurin N.S., Balashkov A.V. / Operation trends of axlebox suspension with elastic intercalated friction shock absorber for passenger car bogie
Козлов П.В. / Влияние подвижности груза на запас устойчивости от опрокидывания вагона-платформы сочлененного типа	Kozlov P.V. / Influence of cargo mobility on stability factor from flat car of articulated type turning over
Долгих К.О., Лапшин В.Ф. / Методика компьютерного моделирования нагруженности механической системы «вибромашина – кузов полувагона – тележка»	Dolgykh K.O., Lapshin V.F. / <b>The method for computer simulation of mechanical system</b> loading "vibromachines – open car body – bogie"
Бачурин Н.С. Ляшенко С.Е. / Анализ статистических данных по количеству изломов трещин и дефектов боковых рам тележек грузовых вагонов	Bachurin N.S., Lyashenko S.E. / The analysis of statistical data of cracks' fractures and defects of side frames of freight car bogies
организация перевозочного процесса	THE ORGANIZATION OF THE TRANSPORTATION PROCESS
Корнилов С.Н., Рахмангулов А.Н., Фридрихсон О.В. / Обоснование экономической целесообразности ускорения контейнерных перевозок	Kornilov S.N., Rakhmangulov A.N., Fridrikhson O.V. / <b>Justification of cost efficiency</b> of container shipment speeding up
Ковалев Р.Н., Боярский С.Н. / <b>Теоретическое обоснование общей модели определения</b> задержки транспорта на пересечениях автомобильных дорог	Kovalev R.N., Boyarsky S.N. / Theoretical substantiation of a model for detection of transpo delays on motor roads' crossing
Покровская О.Д. / Выбор наилучшего варианта терминальной сети и проверка его устойчивости70	Pokrovskaya 0.D. / Choice of the best variant of a terminal network and check of its stability
Смольянинов А.В., Сирина Н.Ф., Юшков М.Е. / Разработка управленческих решений по эффективному использованию малодеятельных железнодорожных линий	Smolyaninov A.V., Sirina N.F., Yushkov M.E. / Managerial decisions making for little-used railway lines efficient use
Плахотич С.А. / Повышение пропускной способности железнодорожных направлений на основе обращения блок-поездов	Plakhotich S.A. / Traffic capacity increase of railway directions based on block train handling
Брусянин Д.А., Вихарев С.В., Шека А.С. / Интеллектуальная система анализа пассажиропотоков с использованием технического зрения	Brusyanin D.A., Vikharev S.V., Sheka A.S. / Intelligent system of passenger traffic flow analysis with use of computer vision
Брусянин Д.А., Казаков А.Л. / <b>Определение интегрального пассажиропотока на</b> территории региона90	Brusyanin D.A., Kazakov A.L. / <b>Identification of integral passenger traffic flow on the regic</b>
Васильев В.И., Борщенко Я.А., Димова И.П. / Оптимизация пассажирских транспортных средств на городских маршрутах94	Vasiljev V.I., Borshchenko Ja.A., Dimova I.P. / Passenger transport means optimization on urban routes
ПОДВИЖНОЙ СОСТАВ И ТЯГА ПОЕЗДОВ	ROLLING STOCK AND TRACTION
Асадченко В.Р. / Концепция создания тормозных систем нового поколения для железнодорожного транспорта	Asadchenko V.R. / Concept of developing new generation braking systems for railway transport
Асадченко В.Р. / Организационно-техническое регулирование создания перспективных комплексов безопасности из тормозных приборов	Asadchenko V.R. / Organizational and technical regulation of establishing perspective safe complexes from braking devices
Асадченко В.Р. / Организационные аспекты совершенствования тормозных устройств промышленного железнодорожного транспорта	Asadchenko V.R. / Organizational aspects of improving braking devices of industrial railwatransport
Копачев С.В. / Совершенствование технологической подготовки ремонта подвижного состава	Kopachev S.V. / Improvement of rolling-stock repair technological preparation
Глушко М.И. / Тормозные средства безопасности движения	Glushko M.I. / Braking means of traffic safety
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	, •
ПУТЬ И ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОЕ СТРОИТЕЛЬСТВО  Исаков А.Л., Ким Хюн Чол / Теплофизическая дискретная модель промерзания грунта	CONSTRUCTION AND OPERATION OF RAILWAYS  Isakov A.L., Kim Khyun Chol / Thermal discrete model of soil freezing of roadbed
земляного полотна	1
ЭЛЕКТРОСНАБЖЕНИЕ	ELECTRIC SUPPLY
Жарков Ю.И., Фигурнов Е.П., Королев В.П., Соломин В.А. / Защита от пережога изолирующего сопряжения при подаче напряжения на отключенный и заземленный участок контактной сети с постом секционирования	Zharkov Y.I., Figurnov E.P., Korolev V.P., Solomin V.A. / Protection from burning-out of isolating coupling when applying voltage on a tripped and grounded catenary section wit a section pillar
Аржанников Б.А., Фролов Л.А., Штин А.Н. / Оценка мощности тиристорных устройств	Arzhannikov B.A., Frolov L.A., Shtin A.N. / Power evaluation of thyristor devices of switchin

УДК УДК 629.4.027

Сергей Викторович Кротов, кандидат технических наук, доцент кафедры «Строительная механика» Ростовского государственного университета путей сообщения (РГУПС),

Александр Сладковски, доктор технических наук, профессор, заведующий кафедрой «Логистика и промышленный транспорт», замдекана Силезского технического университета, Катовице, Польша

# ФАКТОРНЫЙ АНАЛИЗ РАСЧЕТА НЕСУЩЕЙ СПОСОБНОСТИ КОЛЕСНОЙ ПАРЫ ВАГОНА

Sergey V. Krotov, PhD, associate professor of "Structural mechanics" department, Rostov State Transport University (RSTU),

Aleksander Sładkowski, DSc, prof., head of "Logistics and industrial transport" department, deputy dean of Silesian University of Technology (Katowice, Poland)

# Factor Analysis Of Bearing Capacity Calculation Of Railcar's Wheel Set

#### Аннотация

Методы факторного анализа были использованы для оценки надежности колесных пар подвижного состава. При этом выполнены основные задачи факторного анализа: сокращение информации и классификация переменных. На примере генерального фактора определен характер взаимосвязи между переменными. На основе регрессионных моделей факторов может быть выполнена оценка несущей способности колесной пары.

**Ключевые слова:** надежность колесной пары, факторный анализ, несущая способность.

### Annotation

Methods of factor analysis were used for estimation of wheel sets' reliability of the rolling stock. The main tasks of factor analysis: reduction of information and classification of variables are performed. On the example of general factor the nature of the relations between variables is defined. The estimation of bearing capacity of wheel set can be made on the basis of regression models of factors.

**Key words:** reliability of wheel set, factor analysis, bearing capacity.

Наиболее ответственным элементом экипажной части вагона является колесная пара, от высокой несущей способности которой зависит надежная и безопасная работа подвижного состава и пути. Надежность такого ответственного узла определяется на основе множества параметров. Применение численных методов расчета [1, 2] предоставляет возможность оценить напряженно-деформированное состояние колесной пары, определить перемещения, деформации, значения температур в различных точках объекта.

В процессе численного эксперимента [3, 4] при исследовании напряженного и деформированного состояния (НДС) ее элементов, прочности и надежности соединения колеса и оси количество признаков, влияющих в той или иной степени на несущую способность колесной пары, может превосходить несколько десятков. Возникает необходимость в сокращении информации [5]: описание факторов, влияющих на несущую способность колесной пары меньшим числом показателей, отражающих существующие закономерности, которые невозможно измерить или рассчитать. Так, для измерения величины площади сцепления и скольжения в прессовом соединении невозможно поставить физический эксперимент без нарушения целостности соединения. Факторный анализ позволяет выделить признаки, наиболее существенно влияющие на несущую способность колесной пары.

Факторный анализ несущей способности колесной пары можно представить следующими направлениями [6]:

- определение структуры взаимосвязей между переменными, например связь между температурным воздействием и надежностью прессового соединения задача классификации;
- косвенное оценивание признаков, не поддающихся непосредственному измерению, в частности величина зон скольжения в прессовом соединении;
- значительное сокращение количества факторов по сравнению с исходным количеством признаков;

36

Апрель – Июнь

- преобразование исходных переменных к удобному для интерпретации виду;
- оценка несущей способности колесной пары в эксплуатации при помощи регрессионных моделей по результатам факторного анализа.

Покажем основные положения факторного анализа на основе [7].

Здесь предполагается наличие случайной выборки  $X_1^{p\times 1}, ..., X_n^{p\times 1}$  из многомерного нормального распределения с вектором средних  $\mu^{p\times 1}=\left(\mu_1, ..., \mu_p\right)'$  и ковариационной матрицей  $\Sigma^{p\times p}=\left(\sigma_{ij}\right).$  Пусть  $S^{p\times p}=\left(s_{ij}\right)$  — выборочная ковариационная матрица и  $R^{p\times p}=\left(r_{ij}\right)$  — выборочная корреляционная матрица, где  $r_{ij}=\frac{s_{ij}}{\left(s_{ii}s_{jj}\right)^{1/2}}, \ i,\ j=1,\ ...,\ p$  .

Первой задачей факторного анализа будет определение по матрице S или R оценок  $l_{ij}$  факторных нагрузок  $\lambda_{ij}$  и оценок  $t_i$  специфических дисперсий  $\tau_j$ ,  $i=1,\ ...,\ p,\ j=1,\ ...,\ m$ . Предпочтение отдаем корреляционной матрице R, потому что перед статистической оценкой переменные стандартизируются.

Метод определения главных факторов применим к корреляционной матрице. Вя этом методе прежде всего определяются оценки  $\,p\,$  главных компонент

$$Y_1 = \sum_{i=1}^{p} \alpha_{ij} X_j$$
,  $i = 1, ..., p$ .

Имеет место следующая система уравнений относительно исходных переменных:

$$X_i = \sum_{J=1}^p \alpha_{ij} Y_j$$
,  $i = 1, ..., p$ .

В методе определения главных факторов в качестве определяющих берется m главных компонент, которые взвешиваются следующим образом:

$$F_j = \frac{Y_j}{\left[V(Y_j)\right]^{\frac{1}{2}}}, \ j = 1, ..., \ m.$$

Оценками факторных нагрузок служат величины

$$l_{ij} = a_{ji} \left\lceil V \left( Y_j \right) \right\rceil^{1/2}, \; i = 1, \; ..., \; p \; , \; j = 1, \; ..., \; m \; ,$$

а оценки специфических факторов задаются следующими равенствами:

$$e_i = \sum_{J=m+1}^{p} \alpha_{ji} Y_j$$
 ,  $i = 1, ..., p$  .

Полная оценка факторной модели имеет вид

$$X_i = \sum_{j=1}^{m} l_{ij} F_j + e_i$$
,  $i = 1, ..., p$ .

Получаемые факторы имеют единичные дисперсии и вза-имно не коррелированы.

Расчету подвергалась модель современной колесной пары грузового вагона железных дорог РФ. В качестве варьируемых независимых параметров приняты: вертикальная нагрузка на ось, равная 216—245 кН; горизонтальная нагрузка на колесо 60—120 кН; крутящий момент 0—1700 кН⋅см. Эксцентриситет точки контакта с рельсом (по отношению к центру соединения колеса и оси) равнялся 2,8—7,5 см; толщина обода колеса 2.2—7 см: режим торможения отсутствовал или представлялся на уровне экстренного торможения в течение 48 с (подводимый тепловой поток составлял 151,5 кВт) и служебного торможения в течение 1200 с (тепловой поток равнялся 39,44 кВт) [8]. В результате расчета колесной пары [3, 4], а это полный факторный эксперимент — 96 расчетов [9], получены параметры напряженного и деформированного состояния объекта в различных точках обода, колеса, а также в соединении колеса с осью.

Символами S и T обозначены нормальные  $\sigma$  и касательные  $\tau$  составляющие напряжений, вторые и третьи индексы при них — направления напряжений (табл. 1). Напряжения в различных точках с обозначением max и min относятся к колесу, а без них — к прессовому соединению колеса и оси. Обозначения перемещений в соединении колеса и оси X, Y, Z — соответственно горизонтальное, вертикальное и вдоль оси колесной пары. Обозначение ZSK представляет собой величину зон скольжения в прессовом соединении колесной пары [10, 11].

Матрица корреляций подвергается вращению методом *varimax* как наиболее апробированным [7].

В табл. 2 собственных чисел корреляционной матрицы 8 извлеченных факторов, имеющих собственные числа более 1, объясняют 83% дисперсии. Это достаточный показатель для дальнейшего анализа [7].

При определении числа факторов следует опираться на так называемый тест «сломанная трость» [7], учитывающий «значащие» собственные числа (см. табл. 2), по которому можно оставить 4 фактора. Первые пять факторов объясняют 75% общей дисперсии, и при быстром оценивании можно остановиться на интерпретации именно этого количества факторов.

В качестве завершающей операции в данном исследовании построим факторную модель. Выразим параметр, определяющий несущую способность соединения «площадь зон скольжения», ZSK, используя данные табл. 1 через выделенные факторы:

$$ZSK = 0,170f_1 + 0,733f_2 - 0,278f_3 + 0,061f_4 - 0,006f_5 -$$
 
$$-0,209f_6 - 0,117f_7 - 0,205f_8 \,.$$

Представим генеральный фактор по данным табл. 1:

$$\begin{split} F_1 &= 0,002V_1 - 0,076V_2 + 0,017V_3 + 0,267V_4 + 0,084V_5 - \\ &- 0,297V_6 - 0,904V_7 + 0,313V_8 - 0,658V_9 + 0,518V_{10} + \\ &+ 0,090V_{11} + 0,170V_{12} + 0,113V_{13} - 0,100V_{14} + 0,941V_{15} + \end{split}$$

37

Апрель – Июнь



$$\begin{split} &+ 0,372V_{16} + 0,952V_{17} - 0,375V_{18} + 0,983V_{19} - 0,458V_{20} + \\ &+ 0,978V_{21} + 0,452V_{22} + 0,913V_{23} - 0,915V_{24} + 0,844V_{25} - \\ &- 0,448V_{26} + 0,235V_{27} - 0,644V_{28} + 0,566V_{29} - 0,327V_{30} + \\ &+ 0,529V_{31} - 0,012V_{32} + 0,201V_{33} - 0,175V_{34} - \\ &- 0,082V_{35} - 0,813V_{36} - 0,157V_{37} + 0,840V_{38}. \end{split}$$

Любой выделяемый фактор представляет собой линейную комбинацию переменных, участвующих в факторном анализе, что упрощает расчеты.

По данной модели видно влияние той или иной переменной, определяемое и знаком, и величиной, на значение выделенного фактора.

На основании проведенного факторного анализа возможна следующая содержательная интерпретация факторного отображения на основании табл. 1.

Первый фактор предположительно должен отражать напряженное состояние колесной пары, в частности диска и обода колеса. В соответствии с номерами переменных этот фактор связан с переменными  $V_{15}=0,941$ ,  $V_{17}=0,952$ ,  $V_{19}=0,983$ ,  $V_{21}=0,978$ ,  $V_{23}=0,913$ ,  $V_{25}=0,844$ . Здесь высокие нагрузки на компоненты имеют максимальные значения полученных в результате расчета колесной пары напряжений — составляющих тензора напряжений:  $\sigma_{\rm M2},~\sigma_x,~\sigma_y,~\sigma_z,~\tau_{xy},~\tau_{xz}$ .

В зоне прессового соединения высокие нагрузки имеют переменные  $\sigma_{\rm M2}$  —  $V_{29}=0,566$  ,  $\sigma_y$  —  $V_{31}=0,529$  ; перемещение вдоль оси X имеет нагрузку  $V_{36}=-0,813$  , а перемещение вдоль оси Z —  $V_{38}=0,840$  — это параметры деформированного состояния в одной из точек прессового соединения. В прессовом соединении присутствует только вертикальная компонента  $\sigma_y$  , а компоненты  $\sigma_x$  и  $\sigma_z$  отнесены ко второму фактору.

Первый фактор будем интерпретировать как «напряженнодеформированное состояние колесной пары». Его вес составляет 32,4%. Этот фактор имеет высокие нагрузки на значительное количество переменных, поэтому считаем его генеральным.

Второй фактор интерпретируем как «несущую способность прессового соединения». Считаем его общим, поскольку более двух его нагрузок значительно отличаются от нуля [6]. Этот фактор наиболее связан с напряженным состоянием в соединении колеса и оси. Наибольшие нагрузки имеют максимальное контактное давление (макс. давл.)  $V_8=0.913$ , максимальное касательное усилие (вдоль оси — макс. осевое)  $V_{11}=0.939$ , горизонтальная реакция рельса  $V_2=0.719$ , величина зон скольжения  $V_{12}=0.733$ , нормальные напряжения

Таблица 1

Variable         Factor 1         Factor 2         Factor 3         Factor 4         Factor 5         Factor 6         Factor 7         Rator 8           Берт. нагр.         0,002         0,0116         0,0015         -0,0311         -0,0032         0,0398         0,0227         -0,9034           Гориз. нагр.         -0,076         0,7488         -0,0332         0,1161         0,0589         0,5203         0,0683         -0,0192           Крут. мом.         0,017         -0,1306         -0,0159         0,9592         -0,1036         0,0430         -0,0934         -0,0343           Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0347         0,6667         -0,1235         0,0199           Тогиц. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,6697         -0,0584         0,7370         0,0732           Макс. давл.         0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0130           Макс. окруж         0,518         0,3550         0,4161         -0,0204         -0,0972         0,0892         0,0498           25К         0,170         0,7328         -0,2781         0,061		Factor Loadings (Varimax raw) (planFac 38.sta)							
Variable         1         2         3         4         5         6         7         8           Верт. нагр.         0,002         0,0116         0,0015         -0,0311         -0,0032         0,1363         0,0277         -0,9032           Крут. мом.         0,017         -0,1306         -0,0159         0,9592         -0,1036         0,0363         0,0218         0,0383           Торможение         0,267         0,0407         0,9338         0,0231         -0,0054         0,0430         -0,0364         -0,0323           Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0584         0,7317         -0,0732           Толщ. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0687         -0,0584         0,7317         -0,0732           Макс. давл.         0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0130           Макс. окруж         0,518         0,3350         0,4116         -0,2665         0,0405         0,0972         0,892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,1306         0,4910         0,1900         -0,0224         0,1474 <td></td> <td colspan="5">Extraction: Principal components</td> <td></td>		Extraction: Principal components							
Верт. нагр.         0,002         0,0116         0,0015         -0,0311         -0,0032         0,0398         0,0277         -0,9034           Гориз. нагр.         -0,076         0,7188         -0,0332         0,1161         0,0589         0,5203         0,0683         -0,0192           Крут. мом.         0,017         -0,1366         -0,0159         0,9592         -0,1036         0,0363         0,0218         0,0323           Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0567         0,1335         0,0171         -0,0667         -0,1335         0,0197           Толщ. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0697         -0,0684         -0,0730           Кжк. давл.         -0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0328           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0929           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. окруж         0,1393         -0,1686									
Гориз. нагр.         -0,076         0,7188         -0,0332         0,1161         0,0589         0,5203         0,0683         -0,0192           Крут. мом.         0,017         -0,1306         -0,0159         0,9592         -0,1036         0,0231         0,0363         0,0218         0,0381           Торможение         0,267         0,0407         0,9338         0,0231         -0,054         0,0435         0,0199           Эксцентр.         0,044         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0687         -0,1235         0,0199           Толиц. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0697         -0,0584         0,7317         -0,0730           Макс. давл.         0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0564         -0,0668         -0,3550         0,4116         -0,2655         -0,0401         0,0940         0,0892         -0,0401           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,097           Макс. окруж         0,131         0,2732         -0,0525         0,0484         -0,0493         -0,0526         0,0402         0,1114 </td <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
Крут. мом.         0,017         -0,1306         -0,0159         0,9592         -0,1036         0,0363         0,0218         0,0381           Торможение         0,267         0,0407         0,9338         0,0231         -0,0054         0,0430         -0,0323         3           Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0347         0,6667         -0,1235         0,0730           Сумм. сила         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0684         0,7317         -0,0730           Какс. давл.         0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0330           Макс. окруж         0,518         0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,3306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,3328         -0,2781         0,0613         -0,0202         0,1114         0,2022           ЗК         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0026         0,11									
Торможение         0,267         0,0407         0,9338         0,0231         -0,0054         0,0430         -0,0936         -0,0323           Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0697         -0,1235         0,0199           Толць обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0697         -0,0684         -0,7317         -0,0730           Кумм. сила         -0,904         -0,0683         0,3769         0,0358         -0,0312         0,0906         -0,0681         -0,0310           Мин. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0242         -0,031         -0,0548         -0,0211         -0,0548         -0,0111         0,0252         0,0441         -0,1308         -	Гориз. нагр.	-	-		-				
Эксцентр.         0,084         -0,4860         -0,0343         -0,1071         -0,0347         0,6667         -0,1235         0,0199           Топиц. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0697         -0,0584         0,7317         -0,0730           Сумм. сила         -0,904         -0,6683         0,3769         0,0358         -0,0312         0,9063         -0,0636         -0,0030           Макс. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. осев.         0,090         0,9395         -0,10185         0,0874         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. осев.         0,090         0,9395         -0,10185         0,0874         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0114           ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0202         0,1114         -0,114           Дорма         0,881         -0,0779         0,3851         -0,0629	Крут. мом.		· ·	_					_
Толщ. обода         -0,297         -0,1032         0,1533         0,0147         -0,0697         -0,0584         0,7317         -0,0730           Сумм. сила         -0,904         -0,0683         0,3769         0,0358         -0,0312         0,0636         -0,0636         -0,0032           Макс. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         0,0972         0,0892         0,0498           Макс. осерь.         0,090         0,9395         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. осерь.         0,090         0,9395         -0,0185         0,0874         -0,0224         -0,0316         -0,0548         -0,0114           ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0058         0,0114         -0,2224         -0,0316         -0,0144         -0,2055           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0366         -0,0114         -0,2234           Зкв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         0,0067         0,1395         0,0019           SX_MIN         -0,458	Торможение	_	_	_		,			_
Сумм. сила         -0,904         -0,0683         0,3769         0,0358         -0,0312         0,0906         -0,0636         -0,0032           Макс. давл.         -0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0130           Мин. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0493           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. окруж         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0058         0,2086         0,1171         -0,0552           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0116         0,0186           Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2234           Экв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,019           SX_MAX         0,952         0,9433         0,3736	Эксцентр.					-0,0347	0,6667		0,0199
Макс. давл.         0,313         0,9129         -0,1131         0,0777         0,1178         0,0554         0,0661         -0,0130           Мин. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0114           ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0058         -0,2086         -0,1171         -0,2052           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0116         0,0186           Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2278           Экв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,0119           SX MAX         0,952         0,0943         0,0376         0,0432         0,0073         0,0197         0,0130         0,0132           SY MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,011	Толщ. обода	-0,297	-0,1032	0,1533	0,0147	-0,0697	-0,0584	0,7317	-0,0730
Мин. давл.         -0,658         -0,3550         0,4116         -0,2065         -0,0405         -0,0972         0,0892         0,0498           Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. окруж         0,0700         0,9395         -0,0185         0,0874         -0,0224         -0,0316         -0,0548         -0,0117         0,2052           ЗКК         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0686         0,2086         0,1171         -0,2052           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0116         -0,2234           Экв. макс.         0,941         0,1830         0,1892         -0,0055         0,0205         0,0430         -0,1519         -0,0278           ЗК. МАХ         0,952         0,0943         0,3766         0,0432         0,0073         0,0197         0,1319         -0,0278           ЗК. МАХ         0,983         0,1271         0,0125         0,0147         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0012           ЗҮ. МАХ         0,983         0,1271         0,0125<	Сумм. сила		-0,0683	0,3769	0,0358	-0,0312	0,0906	-0,0636	-0,0032
Макс. окруж         0,518         0,1306         -0,4011         0,1900         -0,0224         0,1474         0,2823         -0,0297           Макс. осев.         0,090         0,9395         -0,0185         0,0874         -0,0242         -0,316         -0,0548         -0,0114           ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0058         -0,2086         -0,1171         -0,2024           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,016         0,0186           Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2234           Экв. макс.         0,941         0,1830         0,1892         -0,0005         0,0205         0,0430         0,1519         -0,0278           Зкв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,0019           SX MIN         -0,375         -0,2536         0,2601         0,7806         0,7806         -0,017         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0019           SY MAX         0,983         0,1271<	Макс. давл.	0,313	0,9129	-0,1131	0,0777	0,1178	0,0554	0,0661	-0,0130
Макс. осев.         0,090         0,9395         -0,0185         0,0874         -0,0242         -0,316         -0,0548         -0,0114           ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         1,0613         -0,0586         -0,1171         -0,2052           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0161         0,2234           Зкв. макс.         0,941         0,1890         -0,0057         0,0205         0,0430         -0,1519         -0,0278           Экв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,067         0,1395         -0,0019           SX_MIN         -0,375         -0,2948         0,0782         0,2721         -0,067         0,1395         -0,0019           SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0199         -0,2536         0,2617         0,0109           SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,083         0,0471         0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,083         0,0474         -0,0294         -0,0328	Мин. давл.	-0,658	-0,3550	0,4116	-0,2065	-0,0405	-0,0972	0,0892	0,0498
ZSK         0,170         0,7328         -0,2781         0,0613         -0,0058         -0,2086         -0,111         -0,2052           Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0016         0,0186           Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2374           Экв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,019           SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0137         -0,0197         0,0130         -0,0032           SY_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,117         0,0199         -0,2517         0,0013           SY_MIN         -0,983         0,1214         0,5584         -0,083         0,0471         -0,094         0,0565         0,0885           SZ_MAX         0,978         0,1364         0,0541         0,0193         0,0343         0,0328         0,0002         0,0104           SZ_MIN         -0,452         -0,1379         0,4743         -0,0193         0,0343 <t< td=""><td>Макс. окруж</td><td>0,518</td><td>0,1306</td><td>-0,4011</td><td>0,1900</td><td>-0,0224</td><td>0,1474</td><td>0,2823</td><td>-0,0297</td></t<>	Макс. окруж	0,518	0,1306	-0,4011	0,1900	-0,0224	0,1474	0,2823	-0,0297
Норм. конт.         0,113         0,2773         -0,0557         0,9299         -0,0464         0,0396         0,0016         0,0186           Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2234           Якв. макс.         0,941         0,1830         0,1892         -0,005         0,205         0,0430         -0,1519         -0,0273           Якв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,0073         -0,0197         0,0130         -0,0032           SX MAX         0,952         0,0943         0,376         0,0432         0,0073         -0,0197         0,0130         -0,0032           SX MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0041           SY MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,083         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,083         0,0474         -0,0994         0,0565         0,0861           SZ MIN         0,462         -0,1344         0,0541         0,0193	Макс. осев.	0,090	0,9395	-0,0185	0,0874	-0,0242	-0,0316	-0,0548	-0,0114
Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2234           Экв. макс.         0,941         0,1830         0,1892         -0,0005         0,0205         0,0430         -0,1519         -0,0278           Экв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,0032           SX MMX         0,952         0,0943         0,0376         0,0432         0,0073         0,0130         -0,0130         -0,0032           SX MMX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0883         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ MIN         0,452         -0,1364         0,0541         0,0193         0,0432         -0,0374         0,0002         -0,0122           SY MAX         0,973         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ MIN         0,4582         -0,1364         0,0541         0,0193	ZSK	0,170	0,7328	-0,2781	0,0613	-0,0058	-0,2086	-0,1171	-0,2052
Танг. конт.         -0,100         0,1084         -0,0497         0,3851         -0,0652         0,4002         0,1154         -0,2234           Экв. макс.         0,941         0,1830         0,1892         -0,0005         0,205         0,0430         -0,1519         -0,0278           Зкв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0079         0,1395         -0,0032           SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0401           SY_MAX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0040         -0,0122           SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0883         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,0676         -0,5357         0,3363         0,1193           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,0676         -0,5357         0,3363         0,1193           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258	Норм. конт.	0,113	0,2773	-0,0557	0,9299	-0,0464	0,0396	0,0016	0,0186
Зкв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,0019           SX MAX         0,952         0,0943         0,0376         0,0432         0,0073         -0,0197         0,0130         -0,0032           SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0043           SY_MAX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0883         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,6676         -0,5357         0,3363         0,1104           XZ_MIN         -0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,6676         -0,5357         0,3363         0,1192           XXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         0,1328         0,0179           XX_MAX         0,944         0,1583         -0,2921         -0,0859         -0,0	Танг. конт.	-0,100	0,1084	-0,0497	0,3851	-0,0652	0,4002	0,1154	-0,2234
Зкв. мин.         0,372         0,5470         0,2948         0,0782         0,2721         -0,0067         0,1395         -0,0019           SX MAX         0,952         0,0943         0,0376         0,0432         0,0073         -0,0197         0,0130         -0,0032           SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0032           SY_MAX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0833         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1121         0,0676         -0,5557         0,3363         0,1101           XXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0074         0,0029         0,1328         0,0179           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0074         0,0029         0,1328         0,0179           TXZ_MAX         0,944         0,1583         0,2920         0,1127         0,0384         0,0912         0,0333 </td <td>Экв. макс.</td> <td>0,941</td> <td>0,1830</td> <td>0,1892</td> <td>-0,0005</td> <td>0,0205</td> <td>0,0430</td> <td>-0,1519</td> <td>-0,0278</td>	Экв. макс.	0,941	0,1830	0,1892	-0,0005	0,0205	0,0430	-0,1519	-0,0278
SX_MIN         -0,375         -0,2536         0,7806         -0,0117         0,0019         -0,2536         0,2617         0,0401           SY_MAX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,083         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MAX         0,978         0,1344         0,0541         0,0193         0,0343         -0,0328         0,0002         -0,1014           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,0676         -0,5357         0,333         0,1193           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         -0,1328         -0,0179           TXZ_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0193           TXZ_MIN         -0,448         -0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,04	Экв. мин.	0,372	0,5470	0,2948	0,0782	0,2721	-0,0067	0,1395	-0,0019
SY MAX         0,983         0,1271         0,0125         0,0169         0,0279         -0,0374         0,0046         -0,0122           SY MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0883         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ MAX         0,978         0,1364         0,0541         0,0193         0,0343         -0,0328         0,0002         -0,0119           SZ MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,0676         -0,5357         0,3363         0,1193           TXY MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ MAX         0,844         0,1583         -0,2926         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0669         -0,375         -0,0099         0,0219         0,0333           TYZ MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,03265         -0,2715         0,0122         0,0999           TXZ MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         <	SX MAX	0,952	0,0943	0,0376	0,0432	0,0073	-0,0197	0,0130	-0,0032
SY_MIN         -0,458         -0,1214         0,5584         -0,0883         0,0471         -0,0994         0,0565         0,0885           SZ_MAX         0,978         0,1364         0,0541         0,0193         0,0343         -0,0328         0,0002         -0,01193           SZ_MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,112         0,0676         -0,5357         0,3363         0,1193           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0024         0,0029         -0,1328         -0,0179           TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,0022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,0996         -0,297         0,0346         -0,0299         0,1281           TYZ_MIN         -0,444         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         <	SX MIN	-0,375	-0,2536	0,7806	-0,0117	0,0019	-0,2536	0,2617	0,0401
SZ MAX         0,978         0,1364         0,0541         0,0193         0,0343         -0,0328         0,0002         -0,104           SZ MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,6676         -0,5357         0,3363         0,1193           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         -0,1328         -0,0199           TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,375         -0,096         -0,299         0,1281           TYZ_MAX         0,344         -0,1696         0,2505         0,0375         -0,096         -0,029         0,1281           TYZ_MAX         0,350         0,1206         -0,1496         0,2570         0,3265         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0167         0,0164         0,0174 <t< td=""><td>SY MAX</td><td>0,983</td><td>0,1271</td><td>0,0125</td><td>0,0169</td><td>0,0279</td><td>-0,0374</td><td>0,0046</td><td>-0,0122</td></t<>	SY MAX	0,983	0,1271	0,0125	0,0169	0,0279	-0,0374	0,0046	-0,0122
SZ MAX         0,978         0,1364         0,0541         0,0193         0,0343         -0,0328         0,0002         -0,104           SZ MIN         0,452         -0,1379         0,4743         -0,1012         0,6676         -0,5357         0,3363         0,1193           TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         -0,1328         -0,0199           TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,375         -0,096         -0,299         0,1281           TYZ_MAX         0,344         -0,1696         0,2505         0,0375         -0,096         -0,029         0,1281           TYZ_MAX         0,350         0,1206         -0,1496         0,2570         0,3265         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0162         -0,2715         0,0167         0,0164         0,0174 <t< td=""><td>SY MIN</td><td>-0.458</td><td>-0.1214</td><td>0.5584</td><td>-0.0883</td><td>0.0471</td><td>-0.0994</td><td>0.0565</td><td>0.0885</td></t<>	SY MIN	-0.458	-0.1214	0.5584	-0.0883	0.0471	-0.0994	0.0565	0.0885
TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         -0,1328         -0,0179           TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,0096         -0,0299         0,1281           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,1766         -0,0167         0,0662           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,9944         0,1785         0,1701	SZ MAX	0,978	0,1364		0,0193	0,0343	-0,0328		-0,0104
TXY_MAX         0,913         0,1111         0,2851         0,0258         0,0074         0,0029         -0,1328         -0,0179           TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,0096         -0,0299         0,1281           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,1766         -0,0167         0,0662           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,9944         0,1785         0,1701								_	_
TXY_MIN         -0,915         -0,1086         -0,2921         -0,0859         -0,0115         -0,0251         0,1022         0,0199           TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,0096         -0,0299         0,1282           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,1766         -0,0167         0,0062           SY         -0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0062           SZ         -0,012         -0,7195         -0,9944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606									
TXZ_MAX         0,844         0,1583         -0,2956         0,2020         0,1727         0,0384         0,0912         0,0333           TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,096         -0,0299         0,1281           TYZ_MAX         0,235         0,1206         -0,1496         0,2570         0,3265         -0,2715         0,0182         -0,4058           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0167           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         0,1766         0,0167         0,0662           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,1194         0,4395         0,4867         0,2851         0,062           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,087         -0,1972         -0,6452         -0,5606					_		_		_
TXZ_MIN         -0,448         -0,2968         0,1542         -0,0696         -0,0375         -0,0096         -0,0299         0,1281           TYZ_MAX         0,235         0,1206         -0,1496         0,2570         0,3265         -0,2715         0,0182         -0,4058           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0167         0,0062           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         0,1766         0,0167         0,0062           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540			· ·	_					_
TYZ_MAX         0,235         0,1206         -0,1496         0,2570         0,3265         -0,2715         0,0182         -0,4058           TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,166         -0,0167         0,062           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2951         0,062           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0232         -0,0161									
TYZ_MIN         -0,644         -0,1619         0,4258         -0,0727         0,0492         -0,3741         0,3030         0,0174           EQU_STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,1766         -0,0167         0,0663           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,9944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,023         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0574           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         0,1092         <				_				_	_
EQU         STR         0,566         0,5016         -0,2555         -0,1036         0,3476         0,3000         0,2650         0,0306           SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         0,1766         -0,0167         0,0062           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0524           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,9902         -0,0851           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,1577         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088 </td <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
SX         -0,327         -0,8517         0,1341         0,0304         -0,2180         -0,1766         -0,0167         0,0062           SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2240         -0,0849         -0,0350         0,0153         0,0153         0,0163           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0651           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,0233         0,0497									
SY         0,529         -0,0181         -0,2663         -0,2194         0,4395         0,4867         0,2851         0,0563           SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0165           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,123         -0,016         0,1451         0,0902         -0,0651           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1230         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,0233         0,0497				_					_
SZ         -0,012         -0,7195         -0,0944         0,1785         0,1701         0,4273         0,1922         -0,0244           TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0574           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,033         0,0497						,			
TXY         0,201         -0,0087         -0,1972         -0,6452         -0,5606         0,1618         0,2166         0,0103           TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0524           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,0233         0,0497					_				
TXZ         -0,175         -0,2058         -0,0076         0,2540         -0,8894         -0,0350         0,0153         0,0145           TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0551           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,0233         0,0497									
TYZ         -0,082         -0,8721         -0,0634         -0,0223         -0,0316         0,1451         0,0902         -0,0651           X         -0,813         -0,0166         0,3054         -0,1504         -0,1092         -0,1770         -0,1280         0,0174           Y         -0,157         -0,0157         0,0134         -0,9369         0,1088         0,0322         -0,0233         0,0497									
X -0,813 -0,0166 0,3054 -0,1504 -0,1092 -0,1770 -0,1280 0,0174 Y -0,157 -0,0157 0,0134 -0,9369 0,1088 0,0322 -0,0233 0,0497				_				_	_
Y -0,157 -0,0157 0,0134 -0,9369 0,1088 0,0322 -0,0233 0,0497				_		,			
					_		_		
	Z	0,840	0,0436	-0,4232	-0,1399	0,0731	-0,0856	-0.0314	0,0149

Таблица 2

	Eigenvalues				
	Extraction: Principal components				
	Eigenvalue	% Total	Cumulative	Cumulative	
Value		variance	Eigenvalue	%	
1	13,64307	35,90281	13,64307	35,90281	
2	5,32593	14,01561	18,96900	49,91841	
3	3,84423	10,11638	22,81322	60,03480	
4	3,68302	9,69216	26,49624	69,72695	
5	1,81081	4,76529	28,30705	74,49225	
6	1,49747	3,94071	29,80452	78,43296	
7	1,18615	3,12144	30,99067	81,55440	
8	1,07072	2,81767	32,06139	84,37207	

В данном случае признаки 30, 32, 29, характеризующие напряженное состояние прессового соединения, влияют в ту же сторону, что и признаки 8 и 11, а также признаки 2, 12, 29, а вот признаки 5, 30, 32, 35 имеют противоположные знаки. Но для интерпретации факторов нас интересуют лишь величины факторных нагрузок.

Вес этого фактора составляет 16,2%, т. е. несущая способность колесной пары на 16,2% объясняется надежностью прессового соединения.

Вес третьего общего фактора — 9,6%. Данный фактор связан с температурным воздействием вследствие различных режимов торможения:  $V_4=0,934$ . Этот фактор имеет нагрузки на компоненты тензора напряжений в диске (ободе) колеса, хотя их значения ниже:  $\sigma_{x\,\mathrm{min}}$  —  $V_{18}=-0,781$ ,  $\sigma_{y\,\mathrm{min}}$  —  $V_{20}=0,558$ ,  $\sigma_{z\,\mathrm{min}}$  —  $V_{22}=-0,474$ ,  $\tau_{yz\,\mathrm{min}}$  —  $V_{29}=-0,426$ . Нагрузки более 0,4 отмечены и на минимальное значение контактного давления и максимальное значение окружного в прессовом соединении.

Воздействие температуры увеличивает напряженность в диске и ободе колеса, поэтому данный фактор и отмечен нагрузками на эти переменные. Характеризуем третью компоненту как «влияние факторов торможения» на несущую способность колесной пары.

Четвертый фактор связан с нагружающим фактором — крутящим моментом  $V_3=0,959$ , нормальным давлением  $V_{13}=0,929$ , составляющей минимального касательного напряжения  $au_{xz\ min}$  —  $V_{34}=-0,416$ . Изменилась картина и для прессового соединения: выросло значение нагрузки на перемещение вдоль оси Y —  $V_{37}=-0,923$ . Учитывая появление нагрузок на касательные напряжения как в диске колеса, так и в прессовом соединении, характеризующих сдвиговые деформации, можно интерпретировать данный фактор как «расположение колесной пары при торможении». Имеется в виду прежде всего перекос колесной пары, часто имеющий место при вхождении в кривую. Третий и четвертый факторы можно объединить и дать им общую интерпретацию как «состояние колесной пары при торможении».

Дальнейшая интерпретация идентична и приводит к следующим показателям несущей способности колесной пары:

- 1 напряженное состояние колесной пары;
- 2 несущая способность прессового соединения;
- 3 состояние колесной пары при торможении;
- 4 влияние горизонтальной нагрузки на колесную пару;

- 5 износ колесной пары;
- 6 вертикальная нагрузка на ось колесной пары.

Таким образом, выполнены основные задачи факторного анализа: сокращение информации и классификация переменных. На примере генерального фактора определен характер взаимосвязи между переменными. На основе регрессионных моделей факторов может быть выполнена оценка несущей способности колесной пары, для чего достаточно подставить соответствующие значения переменных в уравнения.

Полученные решения вполне могут использоваться при проектировании новых моделей колесных пар, прогнозировании показателей состояния колесной пары при ужесточении эксплуатационных параметров нагружения, а также как сравнительная база данных в режиме мониторинга колесной пары в эксплуатации.

В качестве исходных признаков могут выступать как внешние эксплуатационные нагрузки, температурные воздействия, так и геометрические и физико-механические параметры колесной пары; параметры сопряжения колеса и оси — натяг, коэффициент трения, состояние сопрягаемых поверхностей, скорость и усилие запрессовки, нормальное или аксиальное давление; внутренние силовые факторы колеса и оси — компоненты тензоров напряжений и деформаций, перемещения и др. Вполне очевидно, что с ростом осевой нагрузки увеличатся контактные напряжения, например, между колесом и рельсом. Однако этот постулат совершенно неочевиден вследствие длительного воздействия температуры в результате торможения. Полученная в результате численного эксперимента зависимость между осевой нагрузкой и контактными напряжениями не вскрывает причинно-следственных связей в отражаемом с ее помощью явлении. Можно извлечь информацию о природе явления из полученной зависимости, но это только благодаря знаниям положений механики деформируемого твердого тела. Однако имеющее описательный характер соотношение между двумя или большим количеством переменных не может непосредственным образом характеризовать собой причинноследственной связи. Одна из причин состоит в том, что эти соотношения не являются точными: они упрощенно отражают реальную действительность и, следовательно, не являются абсолютно верными. Нужно стремиться к получению одного, имеющего достаточно общий характер уравнения, допускающего возможность отклонения (в определенных пределах) фактических данных от отражаемой с его помощью теоретической (экспериментальной) связи. Такое уравнение более ценно, чем многочисленные уравнения, полученные для каждого случая в отдельности и дающие более точное описание изолированных совокупностей наблюдений или измерений и расчетов.



## Литература

- 1. Yessaulov V., Taran Y., Sladkovsky A., Kozlovsky A., Shmurygin N. Design of Wagon Wheels Using the Finite Element Method // Computers in Railways V. Southampton, Boston: Computational Mechanics Publications, 1996. V. 2. P. 69—77.
- 2. Sladkovsky A., Yessaulov V., Shmurygin N., Taran Y., Gubenko S. An Analysis of Stress and Strain in Freigth Car Wheels // Computational Method and Experimental Measurements VIII. Southampton, Boston: Computational Mechanics Publications, 1997. P. 15—24.
- 3. Сакало В.И., Ольшевский А.А., Шевченко К.В. RSFEM Program Package for Contact Units Investigation // Consideration of Railway Transport Problems: Proceedings of Conference «Railway Bogies and Running Gears». Budapest, 2001. P. 162—164.
- 4. Кротов С.В., Кротов В.П. Оценка несущей способности колесной пары при повышенных нагрузках // Вестник РГУПС. 2005. № 1. С. 35—38.
- 5. Дубров А.М. Обработка статистических данных методом главных компонент. М.: Статистика, 1978. 135 с.
- 6. Иберла К. Факторный анализ. М. : Статистика, 1980. 397 с.
- 7. Афифи А., Эйзен С. Статистический анализ: Подход с использованием ЭВМ / пер. с англ. М. : Мир, 1982. 488 с.
- 8. Температурные поля, деформации и напряжения в цельнокатаных колесах при различных режимах торможения / Киселев С.Н., Иноземцев В.Г., Петров С.Ю., Киселев А.С. // Вестник ВНИИЖТ. 1994. № 7. С. 13—17.
- 9. Евдокимов Ю.А., Колесников В.И. Планирование и анализ экспериментов при решении задач трения и износа. М.: Наука, 1980. 228 с.
- 10. Krotov V., Krotov S. Application of the method of the principal components for the analysis of bearing ability of the wheel pair of the car // Transport Problems. Poland. Gliwice. 2009. V. 4. I. 4. P. 15—23.
- 11. Кротов С.В., Кротов В.П. Анализ расчета несущей способности колесной пары вагона с применением метода главных компонент // Наука и техника транспорта. 2010. № 1. С. 70—75.

## References

- 1. Yessaulov V., Taran Y., Sladkovsky A., Kozlovsky A., Shmurygin N. Design of Wagon Wheels Using the Finite Element Method // Computers in Railways V. Southampton, Boston: Computational Mechanics Publications. 1996. V.2. P. 69 77.
- 2. Sladkovsky A., Yessaulov V., Shmurygin N., Taran Y., Gubenko S. An Analysis of Stress and Strain in Freight Car Wheels // Computational Method and Experimental Measurements VIII. Southampton, Boston: Computational Mechanics Publications. 1997. P.15 24.
- 3. Sakalo V.I., Olshevsly A.A., Shevchenko K.V. RSFEM Program Package for Contact Units Investigation //Consideration of Railway Transport Problems: Proceedings of Conference «Railway Bogies and Running Gears». Budapest. 2001. P. 162 164.
- 4. Krotov S.V., Krotov V.P. Otsenka nesuchchej sposobnosti kolesnoj pary pri povyshennykh nagruzkah [Estimation of bearing capacity of wheel set under extra load] // Vestnik RGUPS. 2005. № 1. S. 35 38.
- 5. Dubrov A.M. Obrabotka statisticheskikh dannykh metodom glavnykh component [Statistical data handling by method of principal component]. M.: Statistika, 1978. 135s.
- 6. Iberla K. Faktorny analiz [Factor analysis]. M.: Statistika. 1980. 397 s.
- 7. Afifi A., Eizen S. Statisticheskij analiz: Podkhod s ispolzovaniem EVM [Statistical analysis: Method with the use of computer]: Per. s angl. M.: Mir, 1982. 488 s.
- 8. Evdokimov Yu.A., Kolesnikov V.I. Planirovanie i analiz eksperimentov pri reshenii zadach trenija i iznosa [Experimental design and analysis of friction and wear problems]. M: Nauka, 1980. 228s.
- 9. Temperaturnye polja, deformatsii i naprjazhenija v tselnokatanykh kolesakh pri razlichnykh rezhimakh tormozhenija [Thermal fields, deformation and voltage in solid-rolled wheel at different braking modes] / Kiselev S.N., Inozetsev V.G., Petrov S.Yu., Kiselev A.S. // Vestnik VNIIZhT. 1994. № 7. S. 13 17.
- 10. Krotov V., Krotov S. Application of the method of the principal components for the analysis of bearing ability of the wheel pair of the car // Transport Problems. Poland. Gliwice. 2009. v. 4. i. 4. P. 15 23.
- 11. Krotov S.V., Krotov V.P. Analiz rascheta nesushchej sposobnosti kolesnoj pary vagona s primeneniem metoda glavnykh komponent [The analysis of bearing capacity calculation of railcar's wheel set with the use of principal components method] // Nauka i tekhnika transporta. 2010.  $\mathbb{N}^2$  1. S 70 75.

40